Индивидуальное задание.

Разработать программу, которая визуализирует вращение флюгера, реагирующего на направленные потоки ветра. Конструкция должна состоять из таких геометрических примитивов, как цилиндр, прямоугольный параллелепипед, сфера, четырехугольная пирамида. Предоставить пользователю возможность изменять цвет и отражающие свойства материала, из которого изготовлена каждая из перечисленных частей, а также направление и скорость вращения флюгера. В сцене должны быть реализованы управляемые фоновое освещение, направленные и точечные источники освещения. Предусмотреть возможность изменения положения камеры. Сцена должна быть реалистичной и учитывать такие явления, как отражение и отбрасывание теней.

Оглавление

[Введение 4](#_Toc77193462)

[1. Аналитическая часть 5](#_Toc77193463)

[1.1. Постановка задачи 5](#_Toc77193464)

[1.2. Формализация объектов синтезируемой сцены 5](#_Toc77193465)

[1.3. Анализ алгоритмов удаления невидимых линий и поверхностей 6](#_Toc77193466)

[1.3.1. Критерии выбора алгоритма 6](#_Toc77193467)

[1.3.2. Алгоритм Робертса 7](#_Toc77193468)

[1.3.3. Алгоритм Варнока 7](#_Toc77193469)

[1.3.4. Алгоритм, использующий Z-буфер. 8](#_Toc77193470)

[1.3.5. Алгоритм трассировки лучей. 9](#_Toc77193471)

[1.4. Анализ моделей освещения 12](#_Toc77193472)

[1.4.1. Критерии выбора модели 12](#_Toc77193473)

[1.4.2. Виды моделей освещения 12](#_Toc77193474)

[1.4.3. Модель Ламберта 13](#_Toc77193475)

[1.4.4. Модель Фонга 13](#_Toc77193476)

[1.4.5. Модель Блинна-Фонга 14](#_Toc77193477)

[1.5. Преобразования. 15](#_Toc77193478)

[1.5.1. Перенос 16](#_Toc77193479)

[1.5.2. Масштабирование 16](#_Toc77193480)

[1.5.3. Поворот 16](#_Toc77193481)

[Вывод 17](#_Toc77193482)

[2. Конструкторская часть 18](#_Toc77193483)

[2.1. Требования к программе 18](#_Toc77193484)

[2.2. Алгоритм обратной трассировки лучей 18](#_Toc77193485)

[2.2.1. Пересечение луча со сферой 20](#_Toc77193486)

[2.2.2. Пересечение луча с плоскостью 21](#_Toc77193487)

[2.2.3. Пересечение луча с цилиндром 22](#_Toc77193488)

[2.2.4. Пересечение луча с прямоугольным параллелепипедом. 23](#_Toc77193489)

[2.2.5. Пересечение луча с треугольной пирамидой. 24](#_Toc77193490)

[2.2.6. Нахождение отраженного луча 25](#_Toc77193491)

[2.2.7. Уменьшение времени работы алгоритма. 27](#_Toc77193492)

[2.3. Модель Фонга 27](#_Toc77193493)

[2.4. Выбор используемых типов и структур данных 28](#_Toc77193494)

[Вывод 30](#_Toc77193495)

[Список использованной литературы 31](#_Toc77193496)

# Введение

Физические тела, окружающие нас, обладают различными оптическими свойствами - отражение и преломление световых лучей, отбрасывание теней. Эти и другие свойства нужно уметь наглядно визуализировать на экране компьютера. Этим и занимается компьютерная графика.

Компьютерная графика – это совокупность методов и способов преобразования информации в графическую форму и из графической формы в ЭВМ. Область применения компьютерной графики широка: от воссоздания художественных эффектов в компьютерных играх до построения трехмерных объектов при моделировании сложных технологических продуктов.

Для реализации подобных задач в компьютерной графике существует множество алгоритмов и подходов. Основная проблема заключается в том, что для получения качественного изображения требуется большое количество времени и памяти.

Целью данного курсового проекта является разработка ПО, которое предоставляет трехмерную визуализацию вращения флюгера.

Для достижения поставленной цели необходимо решить следующие задачи:

1. Изучить и проанализировать существующие алгоритмы построения реалистичных изображений.
2. Выбрать алгоритмы, наиболее подходящие для решения поставленной задачи.
3. Спроектировать архитектуру будущего программного продукта и выбрать структуры данных для представления объектов синтезируемой сцены.
4. Разработать программу на основе выбранных алгоритмов и структур данных.
5. Провести исследования на основе разработанной программы.

## Аналитическая часть

В данном разделе приводятся постановка задачи и формализация объектов синтезируемой сцены, анализируются существующие для реализации поставленной задачи алгоритмы и модели, из которых затем выбираются наиболее подходящие.

## Постановка задачи

Необходимо разработать программный продукт, который представит трехмерную визуализацию вращения флюгера, реагирующего на направленные потоки ветра. Сцена должна быть реалистичной и учитывать такие явления, как отражение и отбрасывание теней. Пользователь должен иметь возможность изменения: направления и скорости вращения флюгера, параметров источников освещения, камеры и материалов составных частей флюгера.

## Формализация объектов синтезируемой сцены

Сцена должна состоять из следующих объектов:

1. Направленные источники света. Они описываются вектором направления испускания света и его интенсивностью. Предполагается, что источник расположен в бесконечности.
2. Точечные источники света. Они описывается фиксированной точкой в пространстве (позицией) и интенсивностью. Предполагается, что свет от такого источника распространяется равномерно во всех направлениях.
3. Плоскость основания флюгера и задний фон.
4. Флюгер, состоящий из таких геометрических примитивов, как цилиндр, прямоугольный параллелепипед, сфера, четырехугольная пирамида.

В компьютерной графике в основном используются 3 вида моделей трехмерных объектов:

1. Каркасная (проволочная) модель. Это простейший вид моделей, содержащий минимум информации - о вершинах и рёбрах объектов. Главный недостаток - такая модель не всегда правильно передает представление об объекте (например, если в объекте есть отверстия).
2. Поверхностная модель. Отдельные участки задаются как участки поверхности того или иного вида. Эта модель решает проблему каркасной, но все еще имеет недостаток - нет информации о том, с какой стороны поверхности находится собственный материал
3. Объемная модель. В отличии от поверхностной, содержит указание расположения материала (чаще всего указанием направления внутренней нормали).

Важнейшие требования к модели – правильность отображения информации об объекте и компактность. В рамках поставленной задачи каркасная модель не удовлетворяет первому критерию, а информация о том, где расположен материал, не является необходимой, что делает объемную модель избыточной, поэтому поверхностная модель является наиболее подходящей.

Поверхность сферы и боковую поверхность цилиндра удобно описывать аналитическими уравнением, а основание цилиндра – как участок плоскости. Параллелепипед, у которого грани параллельны координатным плоскостям проще всего описать уравнениями этих граней. Однако в данном проекте каждый из примитивов должен поддаваться операции поворота, в результате которого параллельность может нарушиться. Поэтому для представления параллелепипеда корректней использовать полигональную аппроксимацию треугольниками. Так же можно описать и четырехугольную пирамиду.

## Анализ алгоритмов удаления невидимых линий и поверхностей

Алгоритмы удаления невидимых линий и поверхностей служат для определения ребер, поверхностей или объемов, которые видимы или невидимы для наблюдателя, находящегося в заданной точке пространства

В зависимости от того, в каком пространстве решается задача, алгоритмы делят на следующие группы:

1. Алгоритмы, работающие в объектном пространстве (мировая системе координат). Такие алгоритмы предоставляют высокую точность, но требуют много ресурсов.
2. Алгоритмы, работающие в пространстве изображений (в системе координат, связанной с устройством, на котором отображается результат). Менее ресурсоемкие и точные.
3. Иногда отдельно выделяют алгоритмы, работающие в обоих пространствах попеременно. [1]

Для решения задачи, поставленной в данной работе, необходимо уметь строить реалистичные изображения. Поэтому основным критерием выбора алгоритма удаления невидимых линий и поверхностей является возможность учета эффектов отражения и отбрасывания теней.

### Алгоритм Робертса

Алгоритм Робертса работает в объектном пространстве и состоит из следующих этапов:

1. (Подготовительный) Формирование исходных данных.
2. Удаление линий, экранируемых самим телом.
3. Удаление линий, экранируемых другими телами.
4. Удаление линий пересечения тел, экранируемых самими телами, связанными отношением протыкания, и другими телами.

Преимущество алгоритма Робертса в том, что он целиком основам на математических предпосылках, которые просты, точны и мощны [2].

К недостаткам этого алгоритма можно отнести большую трудоемкость (которая пропорциональна квадрату количества объектов на сцене), невозможность работы с невыпуклыми телами, а также тот факт, что без модификации и привлечения сторонних методов данный алгоритм не позволяет учитывать тени и зеркальные эффекты.

### Алгоритм Варнока

Алгоритм Варнока работает в пространстве изображения и основывается на рекурсивном разбиении экрана. Главная идея - на каждом шаге найти ответ на вопрос о том, что изображать в очередном окне. Если нельзя точно дать ответ, то окно делится на части, пока не сможем решить, что изображать, или окно не дойдёт до размеров в один пиксель.

В простейшей версии алгоритма окно делится на подокна всякий раз, если это окно не пусто. В более сложных версиях делается попытка решения задачи для окон большего размера. Для этого проводится классификация многоугольников по отношению к ячейке: внешний, внутренний, пересекающий или охватывающий. Затем определяются действия, которые нужно предпринять в том или ином случае взаимного расположения ячейки и полигонов.

Достоинством данного алгоритма является простота реализации и высокая эффективность в случае, если размеры перекрываемых областей невелики.

К недостаткам алгоритма относится трудоемкость в случае, когда синтезируемая сцена сложная и число разбиений становится очень большим, а также отсутствие учета оптических свойств объектов.

### Алгоритм, использующий Z-буфер

Алгоритм Z буфера решает задачу в пространстве изображений и является одним из самых простых и широко используемых. Его идея заключается в использовании двух буферов: буфера кадра, хранящего интенсивности каждого пикселя в пространстве изображения, и буфера глубины (Z-буфера), в котором запоминается значение координаты Z каждого видимого пикселя.

В ходе работы алгоритма значение глубины каждого нового пикселя, заносимого в буфер кадра, сравнивается с глубиной того пикселя, который уже занесен в Z-буфер. Если новый пиксель расположен ближе к наблюдателю, чем уже находящийся в буфере кадра, то новый пиксель заносится в буфер кадра и производится корректировка Z-буфера: в него заносится глубина нового пикселя. [1]

Основными достоинствами данного алгоритма являются простота реализации, допустимость сцен любой сложности, линейная зависимость трудоемкости от числа объектов на сцене.

К недостаткам алгоритма Z-буфера относят необходимость выделения памяти под два буфера, каждый из которых имеет размер равный количеству пикселей на экране (что, впрочем, при современном развитии технологий уже не так болезненно). Также алгоритм не учитывает тени, эффекты прозрачности и зеркальности. И если проблему теней можно исправить, применяя различные модификации алгоритма z-буфера, то с эффектом зеркального отражения он не справляется.

### Алгоритм трассировки лучей.

Алгоритм трассировки лучей работает в пространстве изображений и имеет 2 подхода: прямой и обратный.

Основная идея алгоритма прямой трассировки лучей состоит в том, что наблюдатель видит объекты благодаря световым лучам, которые испускает некоторый источник и которые падают на объект, отражаются, преломляются или проходят через него и в результате достигают зрителя [3]. Если проследить за лучами, то становится понятно, что среди них лишь малая часть дойдет до наблюдателя, а значит большая часть вычислений произведена напрасно (см. рис. 1.1).

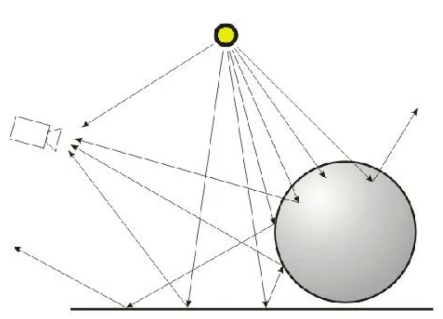


Рисунок 1.1 – Прямая трассировка лучей

Заменой данному алгоритму служит метод обратной трассировки лучей, который отслеживает лучи в обратном направлении. В ходе работы испускаются лучи от наблюдателя и ищутся пересечения луча и всех объектов сцены (см. рис. 1.2).

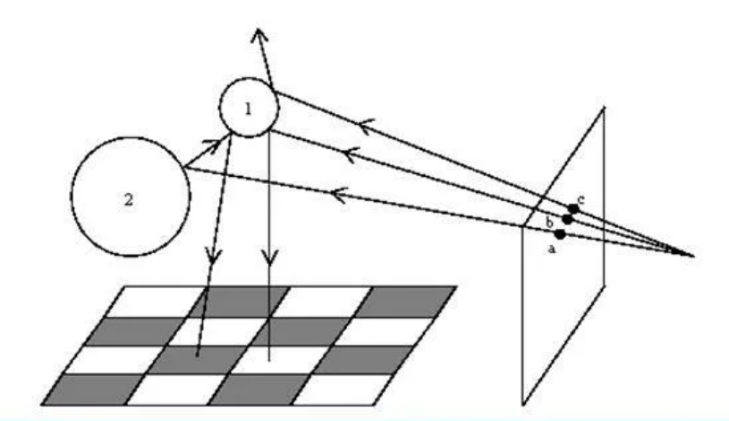


Рисунок 1.2 – Обратная трассировка лучей

Каждый раз, когда луч пересекает некоторую поверхность, из точки пересечения испускаются новые лучи - отраженный и преломленный (при наличии у поверхности соответствующих свойств). Пути этих лучей отслеживаются по всей модели, и если лучи пересекают другие поверхности, то снова испускаются лучи.

В каждой точке, где луч пересекает поверхность, рисуется луч тени из точки пересечения к каждому источнику света. Если этот луч пересекает другую поверхность перед тем, как достигнуть источника света, то на ту поверхность, с которой был послан луч, падает тень с поверхности, блокирующей свет

К достоинствам данного алгоритма можно отнести предоставление возможности визуализировать оптические эффекты: тени, прозрачность, отражение, что делает полученное изображение очень реалистичным. Алгоритм может работать с любыми объектами.

Серьёзным недостатком алгоритма трассировки является производительность: необходимо создавать большое число лучей, проходящих через сцену, которые могут раздваиваться и требовать повторных вычислений. Однако этот негативный аспект можно решить путем распараллеливания: поскольку каждый луч, исходящий из камеры, независим от всех остальных, лучи можно трассировать одновременно.

## Анализ моделей освещения

Модели освещения используются для вычисления интенсивности света для данной точки на поверхности модели. Существует множество моделей, каждый из которых учитывает различное число параметров, но их все можно разделить на локальные и глобальные.

В локальной модели учитывается только свет от источников (первичные лучи) и ориентация поверхности. В глобальной модели учитывается еще и свет, отраженный от других поверхностей или пропущенный через них (вторичные источники).

Самая простая модель освещения представляет собой сумму трех световых составляющих: фоновая (ambient), рассеянная, или диффузная (diffuse) и зеркальная (specular) (см. рис. 1.3).



Рисунок 1.3 - Три компоненты освещения.

Так как в данной задаче необходимо построить реалистичное изображение, то модель освещения должна учитывать все эти составляющие и при этом быть физически корректной.

Первая компонента - фоновое освещение присутствует в любом уголке сцены и не зависит от пространственных координат освещаемой точки и источника, поэтому его интенсивность обычно задается константой ia для всей сцены. Фоновая составляющая освещенности в точке Ia зависит только от ia и ka - свойства материала воспринимать фоновое освещение, и рассчитывается по следующей формуле:

(1.1)

### Модель Ламберта

Модель освещения Ламберта позволяет рассчитывать вторую компоненту - рассеянное освещение, - и является базовой для большинства остальных моделей.

Считается, что свет падающий в точку, одинаково рассеивается по всем направлением полупространства. Рассеянная составляющая освещения в точке Id зависит только от угла α между вектором падения света вектором нормали в этой точке (см. рис. 1.4.), интенсивности рассеянного освещения id и свойства материала воспринимать рассеянное освещение kd.



Рис**унок 1.4 —** **Вычисление рассеянной составляющей в модели Ламберта.**

Формула для расчета диффузной составляющей:

(1.2)

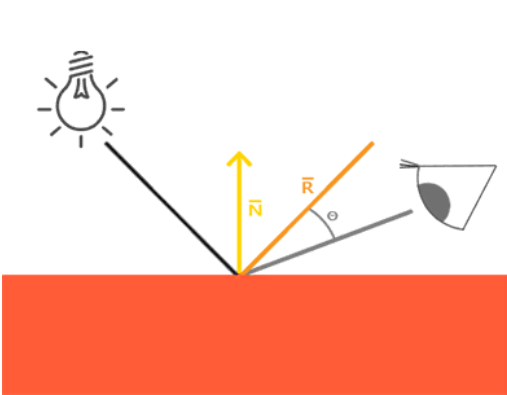
Наибольшая интенсивность достигается при перпендикулярном падении света на поверхность и убывает с увеличением угла α.  Угол более 90 градусов означает, что источник света находится ниже освещаемой поверхности, и, следовательно, вклад диффузного освещения должен равняться нулю.

Поверхность, освещение которой рассчитывается по модели Ламберта, выглядит одинаково яркой со всех направлений и не позволяет передавать блики на телах сцены, так как не учитывает третью составляющую освещения – зеркальную.

### Модель Фонга

Модель Фонга добавляет в модель Ламберта зеркальную составляющую Is. Падающий и отраженный лучи лежат в одной плоскости с нормалью к отражающей поверхности в точке падения, и эта нормаль делит угол между лучами на две равные части.

Отраженная составляющая освещенности в точке Is зависит от того, насколько близки направления отраженного вектора и вектора , направленного на наблюдателя (см. рис. 1.5), а также от интенсивности зеркального освещения is и коэффициентов зеркального отражения ks и блеска p материала.



Рис**унок 1.5 — Вычисление зеркальной составляющей в модели Фонга.**

Формула для расчета зеркальной составляющей в модели Фонга:

(1.3)

Коэффициент p является степенью, аппроксимирующей пространственное распределение зеркально отраженного света: его малые значения соответствуют материалам с обычными оптическими свойствами, а большие - отражению от большинства металлических поверхностей.

При этом угол между вектором обзора и вектором отражения не должен превышать 90 градусов, иначе их скалярное произведение становится отрицательным. И если при расчете диффузной составляющей освещения подобное ограничение имеет место и в реальном мире, то в данном случае часть зеркальной компоненты может теряться. Например, при небольшом значении p (0.5) и большой области зеркального отражения область зеркального отражения имеет резко очерченную границу, чего в реальном мире мы не наблюдаем (см рис. 1.6).

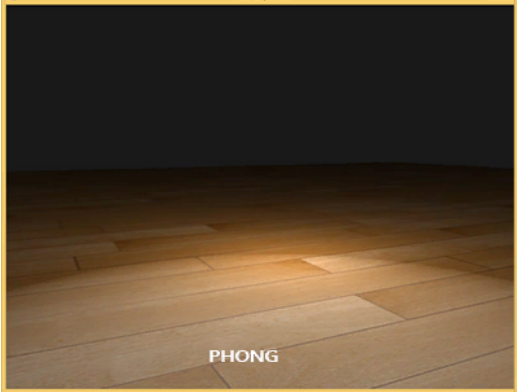
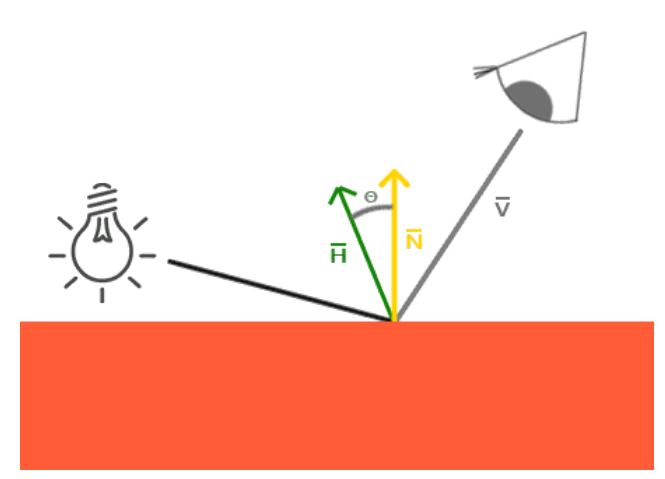


Рисунок 1.6 - Недостаток модели Фонга

. Таким образом, хоть модель Фонга и включает все необходимые компоненты, она не предоставляет реалистичную картину.

### Модель Блинна-Фонга

Озвученную выше проблему решает модель Блинна-Фонга, которая во многом схожа с моделью Фонга, но использует другой подход к расчету зеркальной компоненты: угол между вектором на наблюдателя и отраженного луча заменяется на угол между нормалью к поверхности и вектором , средним между и вектором на источник света (см. рис. 1.7).



Рис**унок 1.7 — Вычисление зеркальной составляющей в модели Блинна-Фонга.**

Формула для расчета зеркальной составляющей в модели Блинна-Фонга:

, где (1.4)

Чем ближе вектор к нормали поверхности, тем больше будет вклад зеркальной компоненты, и, когда вектор на наблюдателя полностью совпадает с реальным вектором отражения, медианный вектор совпадает с нормалью к поверхности и зеркальный блеск будет максимальным.

Вне зависимости от направления, с которого смотрит наблюдатель, угол между медианным вектором и нормалью к поверхности превысит 90 градусов, только если источник света находится ниже поверхности. В такой ситуации модель Блинна-Фонга останется физически корректной, так как такой же результат (отсутствие бликов) будет наблюдаться и в реальном мире. Это предоставляет возможность получить более правдоподобную картину (см. рис. 1.8).

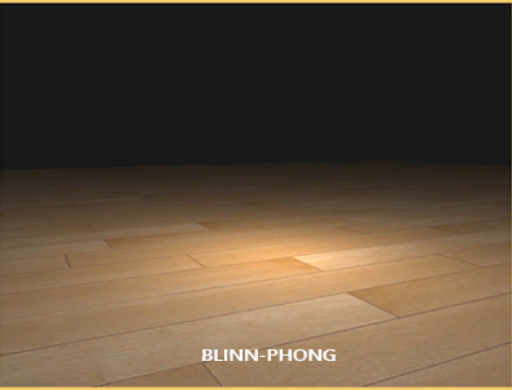


Рисунок 1.8 - Исправление недостатка модели Фонга в модели Блинна-Фонга

Таким образом, модель Блинна-Фонга включает все необходимые компоненты освещения и дает более реалистичную картину, чем модель Фонга. Более того, теперь нет необходимости в вычислении вектора отражения, что позволяет уменьшить время работы программы.

Однако важно учесть, что угол, вычисляемый в модели Фонга, часто больше угла в модели Блинна-Фонга, поэтому значение силы зеркального блеска во второй должно быть немного выше, чем в первой (эмпирически установлено, что оно должно быть примерно в 2-4 раза больше).

## Вывод

В соответствии со сформулированными критериями выбора алгоритма удаления невидимых линий и модели освещения, для реализации поставленной задачи были выбраны:

1. Алгоритм обратной трассировки лучей для удаления невидимых линий и поверхностей. Он позволяет получить реалистичное изображение высокого качества, в котором учитываются такие оптические эффекты, как отражение и отбрасывание теней.
2. Модель Блинна-Фонга выбрана в качестве основной для расчета интенсивности в точке. Она позволяет учитывать необходимые компоненты освещения - диффузную и отражающую составляющую отражения, а также рассеянное освещение. При этом она позволяет получить более реалистичное изображение, чем в модели Фонга, которая будет реализована для сравнения качества и производительности

## Конструкторская часть

В данном разделе приводятся требования к функционалу программного обеспечения. Затем подробнее рассматриваются выбранные в предыдущем разделе решения и нужные в них вспомогательные расчеты. Также приводятся способ ускорения работы программы и диаграмма классов.

## Требования к программе

Программа должна предоставлять следующие возможности:

1. Визуализация динамической сцены, состоящей из описанных в пункте 1.2 объектов.
2. Запуск и останов флюгера, изменение направления и скорости его вращения.
3. Изменение параметров материалов, из которых изготовлены части флюгера.
4. Изменение положения камеры и ее поворот.
5. Изменение параметров источников освещения и добавление новых источников.

## Модель Блинна-Фонга

Модель Фонга выбрана для расчета интенсивности в точке. Алгоритм расчета интенсивности I освещения в точке P поверхности с нормалью N, вектором взгляда V и степенью, аппроксимирующей пространственное распределение зеркально отраженного света s представлен на рис. 2.7:

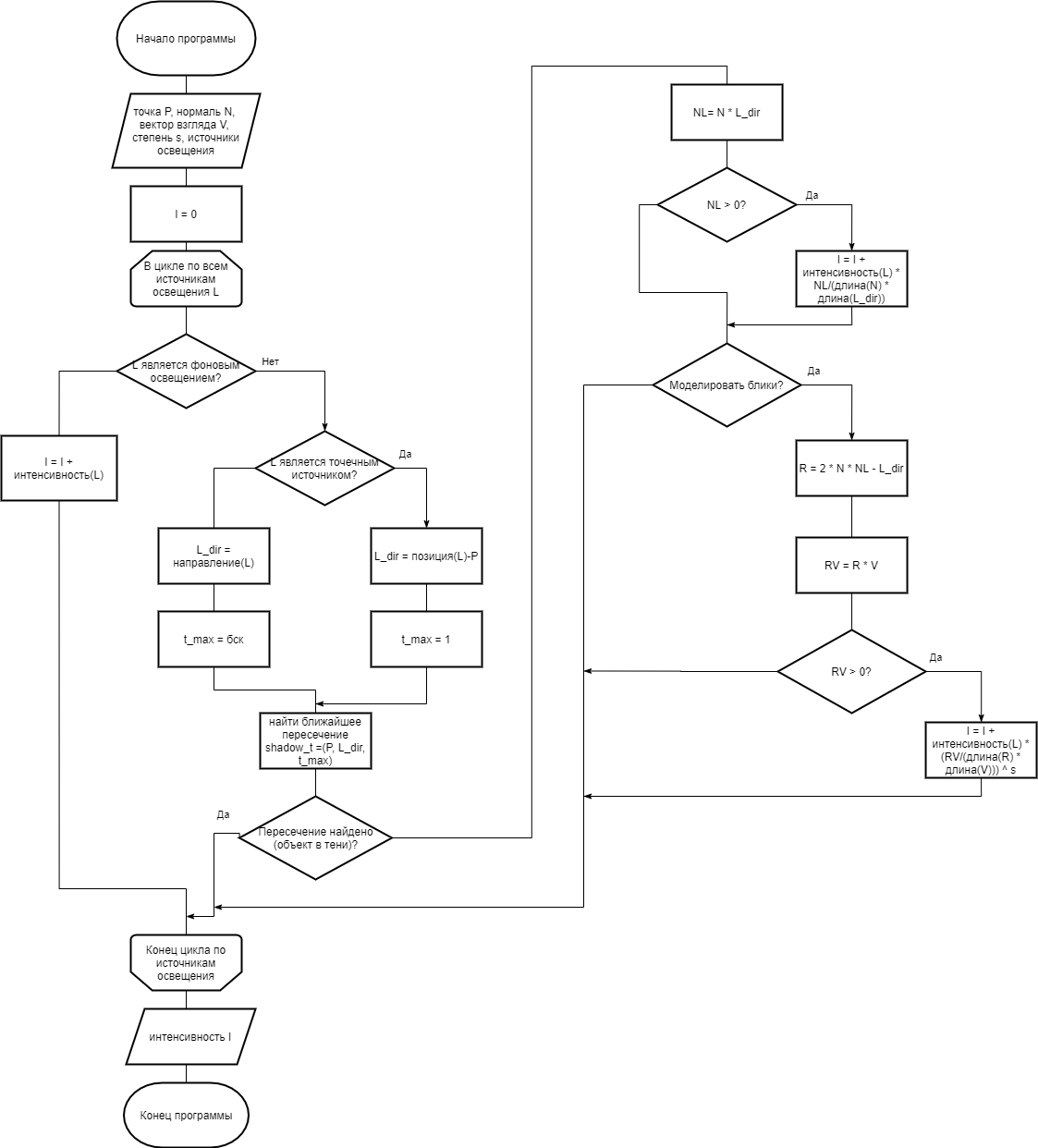


Рисунок 2.7. Схема алгоритма расчета освещения по модели Фонга.

## Алгоритм обратной трассировки лучей

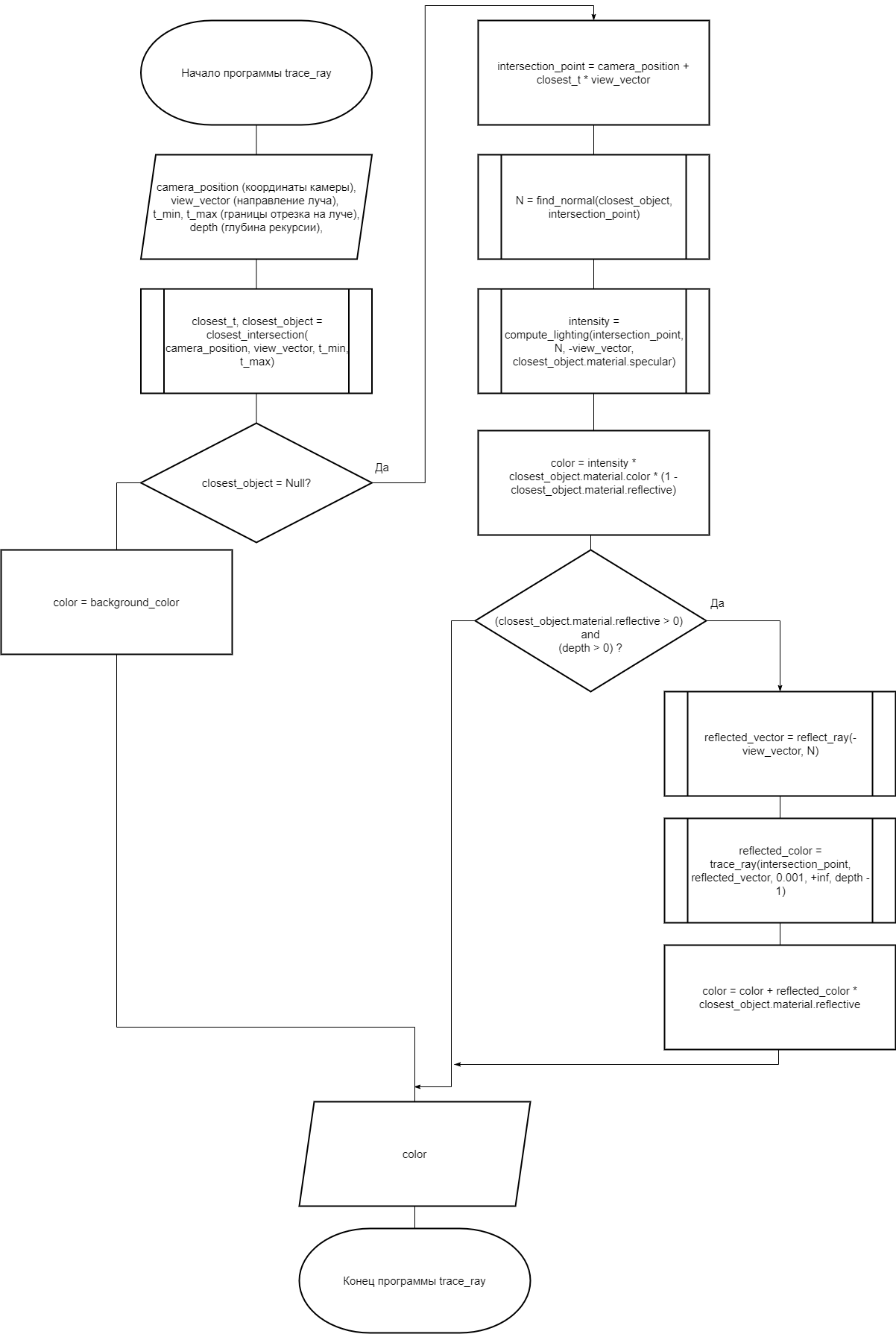
В алгоритме обратной трассировки лучей определяется цвет каждого пиксела экрана независимо от других пикселей. На рисунке 2.1 представлена схема алгоритма обратной трассировки луча.

Рисунок 2.1. Схема алгоритма обратной трассировки луча.

Ри

Ри

## Пересечение луча с объектами сцены

Для того чтобы воспользоваться алгоритмом обратной трассировки лучей, нужно уметь находить пересечение луча с объектами сцены: сферой, плоскостью, цилиндром, прямоугольным параллелепипедом и четырехугольной пирамидой.

Для этого луч представляют с помощью параметрического уравнения. Пусть – начало луча (позиция камеры), V-текущий пиксель на экране, – вектор, показывающий направление луча. Тогда любую точку 𝑃 луча можно представить так:

= + , (2.3.1)

Уравнение 2.3.1 эквивалентно уравнению 2.3.2:

(2.3.2)

Так как точка пересечения луча и объекта сцены принадлежит и первому, и второму, она должна удовлетворять двум уравнениям: уравнению луча и уравнению, которое задает поверхность объекта сцены. Поэтому поиск точки пересечения сводится к составлению системы перечисленных уравнений и поиску ее решения.

При этом если для найденного параметра не выполняется условие , значит пересечение принадлежит продолжению луча за камеру и оно отбрасывается. Далее в формулах оно будет опущено, но подразумеваться.

### Сфера

Сфера — это множество точек P, лежащих на постоянном расстоянии r от фиксированной точки C. Тогда можно записать уравнение, удовлетворяющее этому условию:

, или

(2.3.3)

Имея уравнения, описывающие точки сферы (2.3.3) и точки луча (2.3.1), решаем систему, подставляя второе уравнение в первое:

Разложим скалярное произведение и преобразуем его. В результате получим квадратное уравнение:

Остается решить уравнение 2.3.5, чтобы найти параметры точек пересечения. При этом если у уравнения нет решений, значит луч не пересекается со сферой (рис. 2.3.1, слева), если решение одно, то луч касается сферы (рис. 2.3.1, в центре), два - луч входит в сферу и выходит из неё (рис. 2.3.1, справа) и нужно выбрать наименьшее решение – где луч входит в сферу.

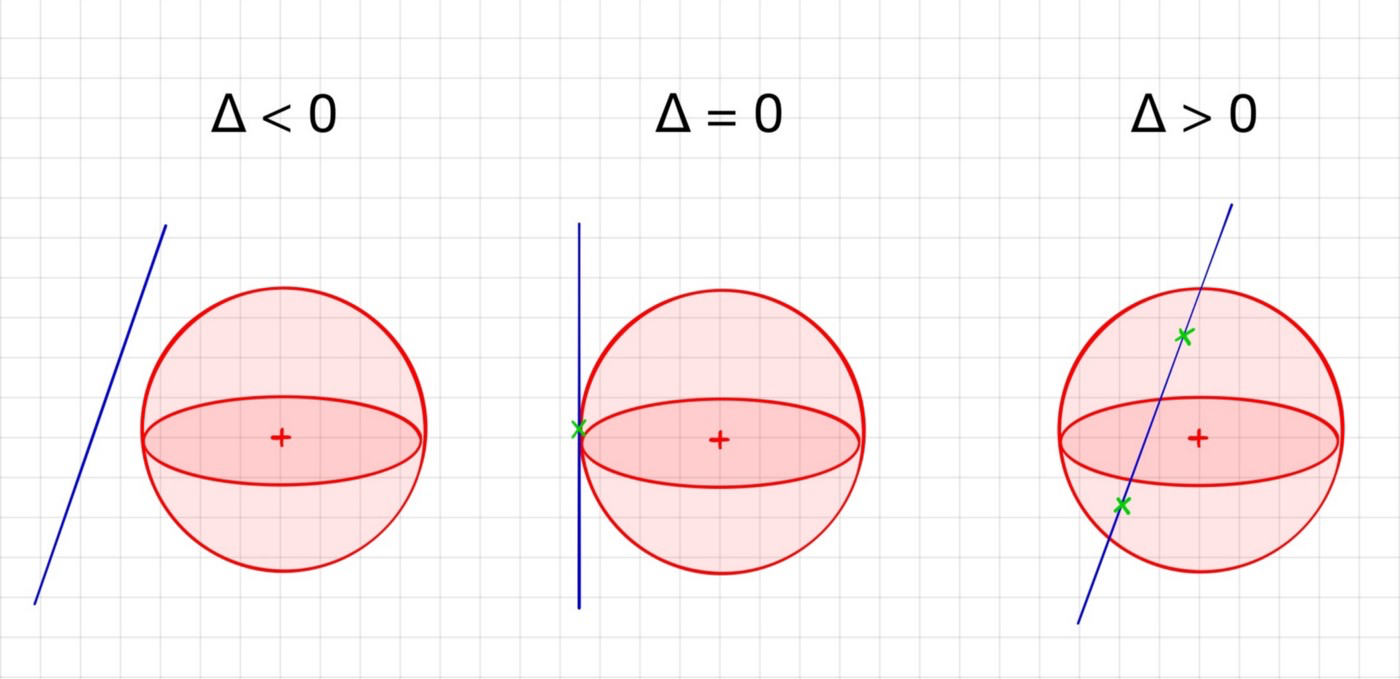


Рисунок 2.3.1. Взаимное расположение луча и сферы.

### Плоскость

Плоскость можно задать с помощью вектора нормали к ней и одной точки С, принадлежащей этой плоскости. Вектор из точки С до любой другой точки на плоскости P перпендикулярен нормали :

(2.3.6)

Имея уравнения, описывающие точки плоскости (2.3.6) и точки луча (2.3.1), решаем систему, подставляя второе уравнение в первое:

(2.3.7)

После преобразований получаем линейное уравнение:

(2.3.8)

Остается решить уравнение 2.3.8, чтобы найти параметр точки пересечения:

(2.3.9)

Если , значит векторы направления луча и нормали к плоскости перпендикулярны, а, следовательно, вектор направления луча параллелен самой плоскости и не пересекает ее.

Р

Ри

### Цилиндр

Цилиндр можно задать с помощью следующих параметров: радиус r, центр основания C, единичный вектор оси , высота H. Поверхность цилиндра условно делится на 2 части: боковая поверхность и два круга-основания.

Чтобы найти пересечение луча и оснований цилиндра достаточно найти пересечение луча с плоскостями и , которые содержат основания, по алгоритму из предыдущего пункта, а затем проверить, что найденные точки находятся на расстоянии не более r от оси цилиндра.

В этом пункте рассмотрим пересечение луча с боковой поверхностью цилиндра. Пусть P – точка пересечения луча с боковой поверхностью, h – расстояние от плоскости основания до этой точки, M – точка на оси цилиндра на том же расстоянии h от основания:

(2.3.10)

Тогда вектор параллелен основанию и, соответственно, перпендикулярен вектору оси цилиндра:

(2.3.11)

Выразим вектор через уравнения для M (2.3.10) и P (2.3.1):

(2.3.12)

Подставляя 2.3.12 в 2.3.11, имеем:

(2.3.13)

Длина вектора равна радиусу цилиндра:

( (2.3.14)

Подставляя в последнее уравнение выражение для h (2.3.13), получаем квадратное уравнение:

(2.3.15)

Остается решить это уравнение и проверить, что каждая найденная точка находится в плоскости, параллельной плоскости основания, на расстоянии не более H от плоскости основания. Рассуждения о геометрическом смысле количества корней аналогичны случаю со сферой.

### Прямоугольный параллелепипед и четырехугольная пирамида.

Прямоугольный параллелепипед и четырехугольную пирамиду удобно представить с помощью группы треугольников: 12 для параллелепипеда (по 2 на каждую грань) и 6 для пирамиды (по одному на каждую боковую грань и 2 на четырехугольное основание). Тогда задача поиска точки пересечения луча и одного из этих примитивов сводится к поиску точки пересечения луча и треугольников его составляющих.

Пусть треугольник задан тремя своими вершинами V0, V1, V2, не лежащими на одной прямой. Точки на треугольника P можно задать с помощью барицентрических координат (u, v):

(2.3.16)

Подставим в это уравнение выражение для точек луча P (2.3.1)

(2.3.17)

После перегруппировки членов получаем систему линейных уравнений:

(2.3.18)

Обозначим , и решим систему по правилу Крамера:

(2.3.19)

Используя свойство смешанного произведения, перепишем систему так:

(2.3.20)

Обозначим и перепишем систему:

(2.3.21)

Остается найти параметры t, u и v и проверить выполнение для них соответствующих условий. Если хотя бы одно из них не выполняется, значит пересечения нет.

## Нахождение отраженного луча

В алгоритме трассировки лучей также необходимо уметь находить направление отраженного луча.

По закону отражения вектор падающего света, нормаль к поверхности и вектор отражения лежат в одной плоскости, причем на этой плоскости угол падения равен углу отражения. Пусть – вектор падающего света, – вектор отражения, - нормаль к поверхности, t – угол падения (см. рис. 2.6).

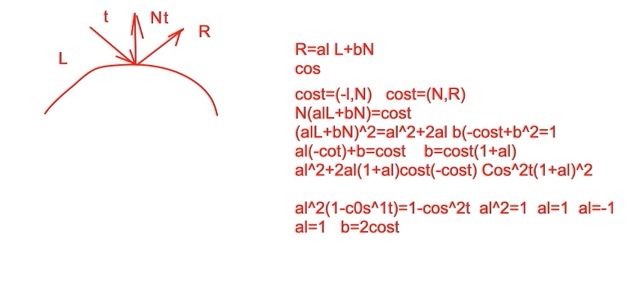


Рисунок 2.6. Определение направления отраженного луча.

Вектор представляется суммой векторов и с некоторыми коэффициентами α и β. Далее решается система из двух уравнений и находятся эти коэффициенты.

Из условия, что угол падения равен углу отражения:

Подставляя выражение для из 2.26 в 2.27, получаем:

Из 2.28 выразим β:

Скалярно умножим единичный вектор  на себя :

Подставляя 2.29 в 2.30, применяя преобразования, получаем выражение для :

=

Откуда находим два значения α: 1 или -1. Второй корень не подходит из физических соображений. Итак,

α=1. (2.32)

Подставляя 2.32 в 2.29, находим β:

Подставляя значения α и β в выражение для отраженного луча (2.26), находим вектор  :

Представляя cos(t) через скалярное произведение единичных векторов , окончательно получаем:

## Уменьшение времени работы алгоритма.

Поскольку алгоритм обратной трассировки лучей обрабатывает каждый пиксель экрана независимо, можно использовать параллельные вычисления для уменьшения времени его работы, разбив экран на некоторые части. Разбиение экрана можно производить различными способами, на визуальном результате это никак не сказывается. Наиболее часто используется горизонтальное или вертикальное разбиение.

## Выбор используемых типов и структур данных

На рисунке 2.8 приведена диаграмма классов.

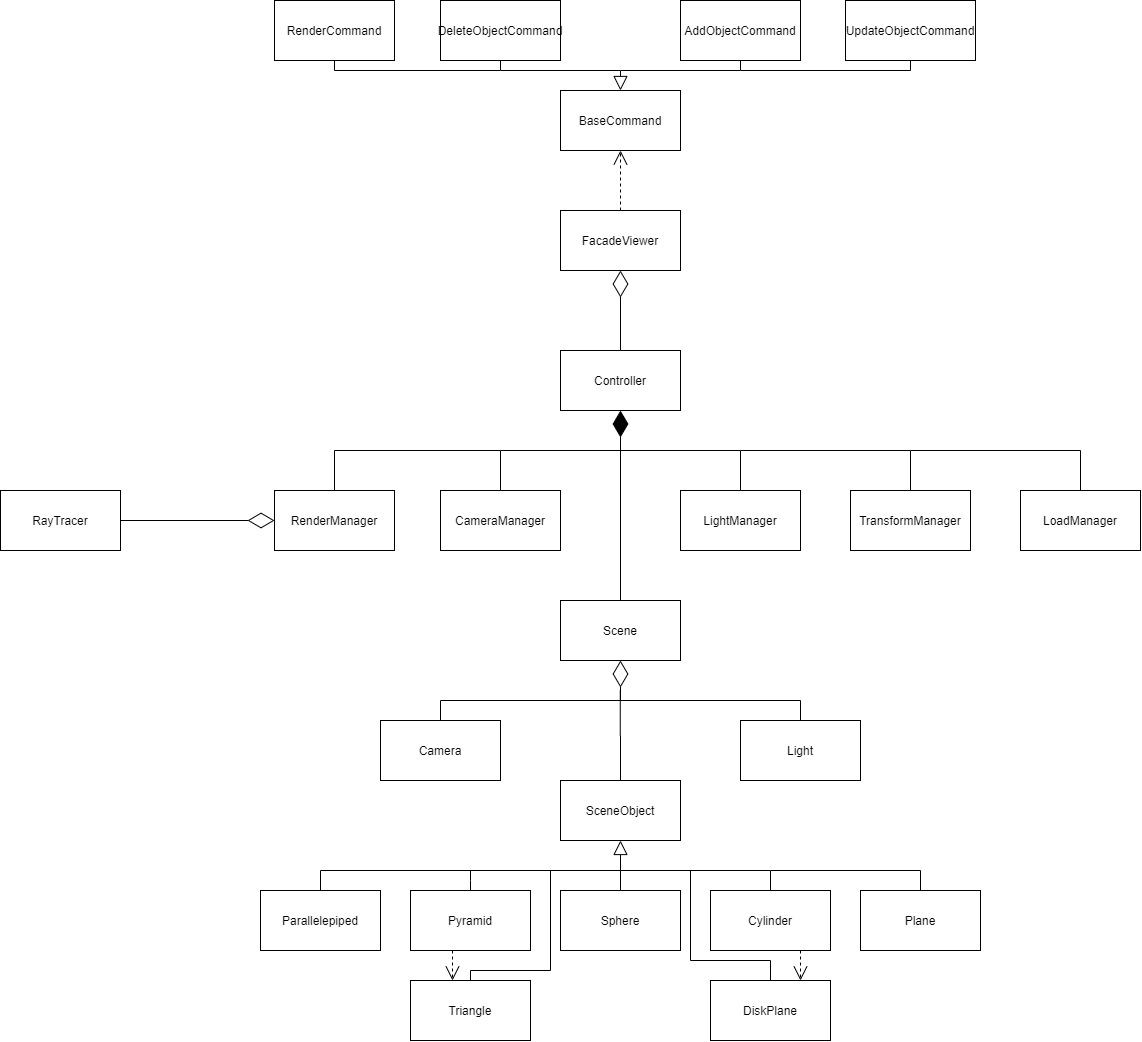


Рисунок 2.8. Диаграмма классов программы.

В разрабатываемой программе используются следующие классы:

* SceneObject – базовый класс объектов, из которых состоит флюгер, с возможностью изменения параметров материала, из которого изготовлен объект:
  + Sphere – класс сферы, описывается координатами центра и радиусом
  + Cylinder – класс цилиндра, описывается координатами центра основания, радиусом, направлением оси и высотой. Вспомогательный класс для определения точек пересечения с лучом – DiskPlane (плоскость основания)
  + Parallelepiped – класс параллелепипеда, описывается координатами двух своих вершин: той, у которой все три координаты минимальны, и той, у которой все три координаты максимальны
  + Pyramid – класс треугольной пирамиды, описывается координатами вершины и точек основания. Вспомогательный класс для определения точек пересечения с лучом – Triangle (грани)
* Camera – класс камеры с возможностью перемещения по сцене и изменения углов наклона
* Light – класс источника освещения с возможностью перемещения по сцене и изменения интенсивности и направления (в случае направленного источника)
* Scene – класс сцены, включающий в себя объекты, камеру и источники освещения
* LoadManager, CameraManager, LightManager, TransformManager, RenderManager – классы-менеджеры загрузки, управления камерой, управления источниками освещения, изменения объектов и рендеринга, соответственно
* Raytracer – класс трассировки лучей
* Controller – класс для взаимодействия управляющих классов с классом интерфейса.
* FaсadeViewer – класс, который предоставляет интерфейс работы системы.
* BaseCommand – базовый класс команд, поступающих в программу:
  + AddObjectCommand – команда добавления объекта сцены
  + DeleteObjectCommand – команда удаления объекта из сцены
  + UpdateObjectCommand – команда изменения параметров объекта сцены
  + RenderCommand – команда запуска рендеринга

## Вывод

В данном разделе были подробно рассмотрены выбранные решения - алгоритм обратной трассировки лучей и вычисление интенсивности света в точке по модели Фонга, приведены соответствующие блок-схемы и расчеты, а также была представлена диаграмма классов.

# Список использованной литературы

1. Роджерс Д. Математические основы машинной графики. / Роджерс Д., Адамс Дж. – М.: Мир, 1989. – 512с.
2. Дымченко, Лев. Пример реализации в реальном времени метода трассировки лучей: необычные возможности и принцип работы. Оптимизация под SSE [Электронный ресурс], режим доступа: https://www.ixbt.com/video/rt-raytracing.shtml (дата обращения: 03.07.2021)
3. Ю. М. Баяковский. Трассировка лучей из книги Джефа Проузиса [Электронный ресурс], режим доступа: https://www.graphicon.ru/oldgr/courses/cg99/notes/lect12/prouzis/raytrace.htm (дата обращения: 03.07.2021)
4. https://docplayer.ru/30012180-Lokalnye-i-globalnye-modeli-osveshcheniya-model-fonga-zakraska-fonga-i-guro.html

<http://miet.aha.ru/cg/cg_2015.pdf>

<https://cyberleninka.ru/article/n/parallelnaya-obrabotka-v-algoritmah-vizualizatsii-s-trassirovkoy-luchey>

<https://compgraphics.info/3D/lighting/phong_reflection_model.php> !!!!

<https://habr.com/ru/post/342708/> про треугольники в параллелепипеде

<https://masters.donntu.org/2015/frt/yablokov/library/transl.htm> луч треугольник

<https://compgraphics.info/3D/lighting/light_sources.php> свет

<https://habr.com/ru/post/353054/> свет